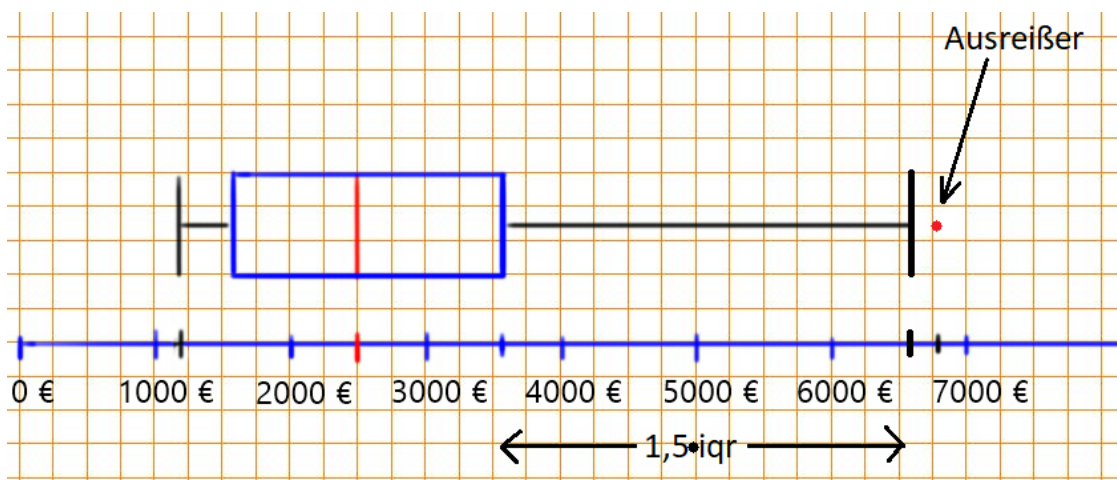


die „Whiskers“ jeweils bis zum minimalen oder maximalen Wert gezeichnet. Der größte Wert ist hier ziemlich weit von den mittleren 50% entfernt. Hierzu sei folgendes bemerkt: Ist der kleinste bzw. größte Wert weiter als $1,5 \cdot (Q75 - Q25)$ von $Q75$ bzw. $Q25$ entfernt, dann gehen die Whiskers in der Regel nur bis zum Minimum bzw. Maximum. Details hierzu sind unter <http://www.mathe-total.de/Buecher/Einstieg-in-die-angewandte-Statistik/Einstieg-in-die-Datenanalyse-mit-SPSS.pdf> auf Seite 24 zu sehen. Wir sehen damit oben eine einfachere Variante eines Boxplot. $Q75 - Q25$ ist der Interquartilsabstand (iqr). Genau genommen sind die Whiskers maximal $1,5 \cdot (Q75 - Q25) = 1,5 \cdot (3600 \text{ €} - 1600 \text{ €}) = 3000 \text{ €}$ lang. Damit würde der obere Whisker nur bis zu $Q75 + 1,5 \cdot (Q75 - Q25) = 3600 \text{ €} + 3000 \text{ €} = 6600 \text{ €}$ gehen und nicht bis zum Maximum von 6800 €. Der untere Whisker kann bis zu $Q25 - 1,5 \cdot (Q75 - Q25) = 1600 \text{ €} - 3000 \text{ €} = -1400 \text{ €}$ gehen. Da aber das Minimum bei 1200 € liegt, geht dieser nur bis zu den Minimum. Analog würde der obere Whisker nur bis zum Maximum gehen, wenn dieses kleiner als 6600 € wäre. Hier mit angepasstem oberem Whisker:



b) Es soll der Median mit dem Mittelwert (arithmetisches Mittel) verglichen werden:

Der Median lag bei 2500 € und der Mittelwert beträgt:

$$(1200\text{€} + 1500\text{€} + 1600\text{€} + 1800\text{€} + 2500\text{€} + 2500\text{€} + 3000\text{€} + 3600\text{€} + 4000\text{€} + 6800\text{€})/10 = 2850\text{€}$$

Der Mittelwert liegt durch den großen Wert 6800 €, der relativ weit von den restlichen Werten entfernt liegt, 350 € über dem Median. Wäre der größte Wert statt 6800 € z.B. 10000 € gewesen, dann läge der Mittelwert mit 3170 € noch weiter über dem Median, der dann immer noch 2500 € betragen würde.

Theoretische Bemerkung:

Bei einer stetigen (theoretischen) Verteilung beträgt die Wahrscheinlichkeit genau 50%, dass ein Wert kleiner oder gleich dem Median ist. Mathematisch gesprochen beträgt die Wahrscheinlichkeit, dass die Zufallsvariable X einen Wert kleiner oder gleich dem Median annimmt, genau 50%:

$P(X \leq \text{Median}) = 50\%$. Bei einer Stichprobe und auch bei diskreten Verteilungen sind es nicht immer genau 50%.

Bei der Stichprobe 150, 160, 180, 190 wäre der Median $(160 + 180) / 2 = 170$ und es wären genau 50% der Wert kleiner oder gleich dem Median. Wenn aber die Stichprobe 150, 160, 160, 190 wäre, dann würden mindestens 50% kleiner oder gleich dem Median von 160 sein, genau genommen $3/4$ bzw. 75% aller Werte.

Bei der Stichprobe 5€, 8€, 10€, 12€, 15€ aus Aufgabe 1 sind auch mindestens 50% der Werte kleiner oder gleich dem Median von 10 €, hier genau genommen $3/5$ bzw. 60% aller Wert.